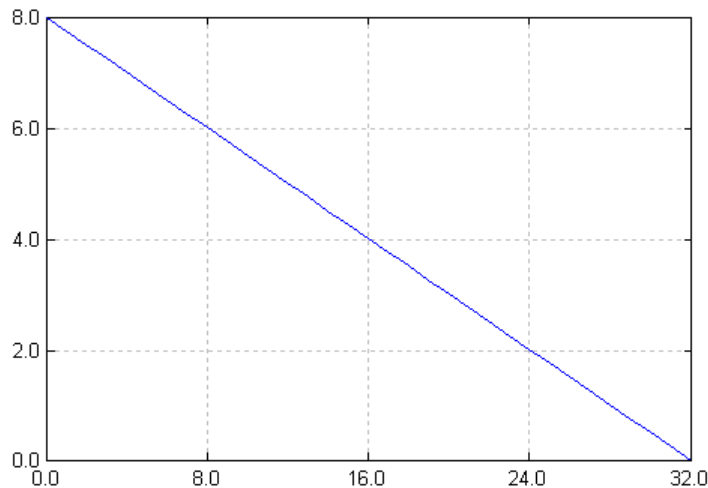


Modell des komparativen Vorteils

Nach Mankiw, Grundzüge der Volkswirtschaftslehre.

Gegeben ist eine Volkswirtschaft A, die zwei gleichwertige Gütern x und y produzieren kann:

$$A(x) = 8 - 0.25x$$



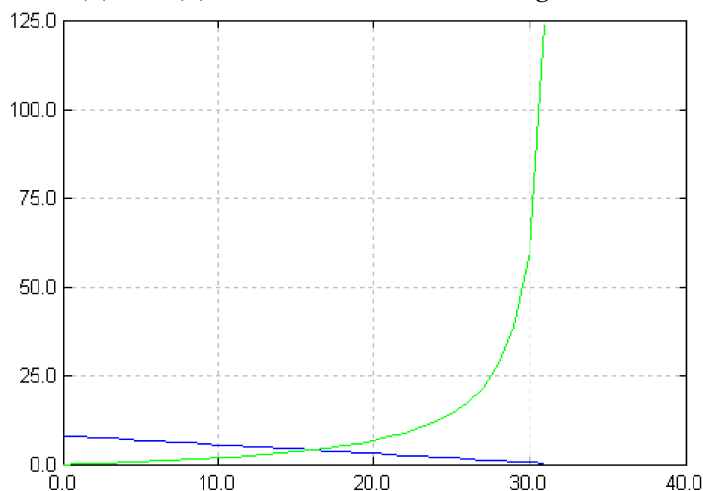
Daraus kann man ablesen: A könnte 8 y und 0 x produzieren; oder 32 x und 0 y; oder jedes Paar von x,y-Werten auf der Gerade dazwischen.

Abhängig von der Entscheidung, wieviele x bzw. y A produziert, bestimmen sich die *internen* Preise – d.h. die Preise, die innerhalb dieser Volkswirtschaft für den Austausch von x und y zu zahlen sind. Anschaulich: Wenn A nur x produziert, sind die Kosten für y unendlich – weil das nicht vorhandene y auch mit Geld nicht zu beschaffen ist. Ein praxisnäheres Beispiel:

$$A \text{ produziert } 16 \text{ x und } 4 \text{ y} \Rightarrow A(16)=4 \Rightarrow 16x=4y \Rightarrow x=4/16y=0.25y \text{ und } y=16/4x=4x$$

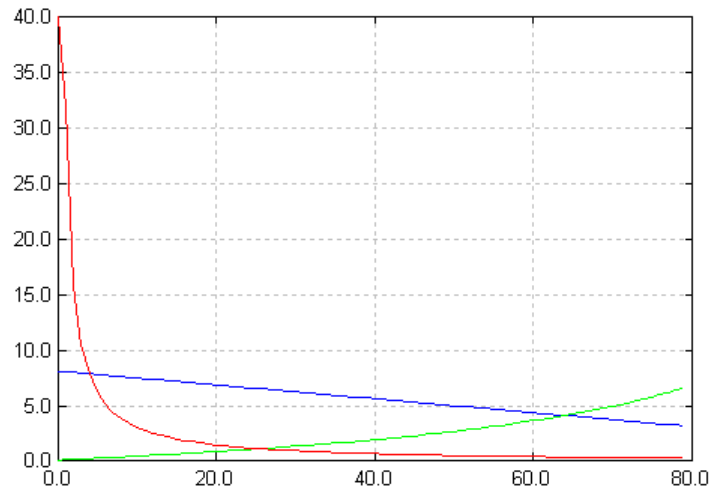
Das sind die **Preise in A**. Also, bei dieser Entscheidung für die Produktionsverteilung kostet ein x 0.25 y, und ein y 4 x. Produziert A stattdessen 8 x, dann sind die Kosten $x=8/6=1.3y$ und $y=6/8x=0.75x$. Hier ist also x teurer, und y billiger geworden.

Zeichnen wir die Funktion $f(x)=x/A(x)$ ein. Dann erhält man folgendes Bild:



Diese Funktion ist also der **Preis von einem x in y**. Man sieht: der Preis haut bei $x=32$ gegen unendlich ab.

Umgekehrt ist der Preis von einem y in x natürlich der Kehrwert, also $g(x)=1/f(x)=A(x)/x$

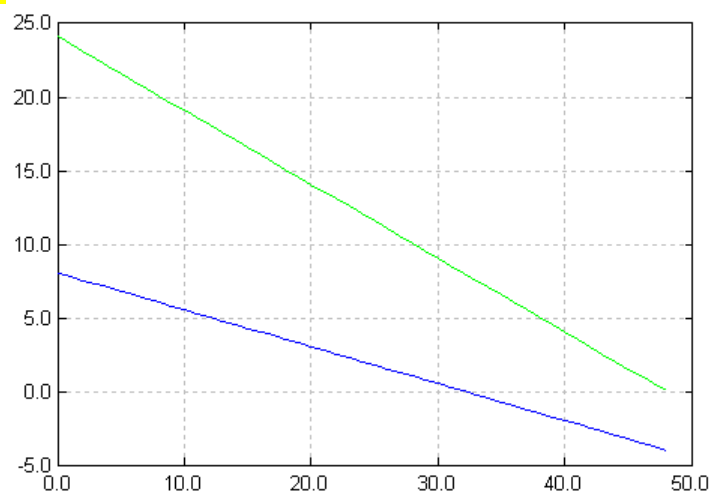


Auch hier haut der Preis der x-e gegen unendlich ab, wenn ich keine x produziere. Klar. [Anm.: Die x-Skala in dem Bild ist Schrott, sorry].

Es gibt also einen Bereich, in dem für A ein x auch genausoviel kostet wie ein y; sowie jeweils einen Bereich, in dem as eine eine Produkt relativ mehr wie das andere kostet.

Jetzt kommt die Volkswirtschaft B ins Spiel, die viel größer und besser und stärker als A ist, sie hat nämlich die folgende Produktionsfunktion:

$$B(x) = 24 - 0.5x$$



Diese Volkswirtschaft kann sowohl mehr x als auch mehr y produzieren. [Anm.: Das in der Grafik die Volkswirtschaft A bei der Produktion ihrer y ins negative läuft, ist natürlich falsch].

Die Konsumfunktion ist innerhalb von B identisch mit der Produktionsfunktion, d.h. auch hier kann ich die jeweiligen Preise berechnen ($x/B(x)$ bzw. $B(x)/x$). Beispiel:

$$B \text{ produziert } 24 \text{ x und } 12 \text{ y} \Rightarrow B(24)=12 \Rightarrow 24x=12y \Rightarrow x=12/24y=0.5y \text{ und } y=24/12x=2x$$

Das sind die Preise in B. Die beiden Preisfunktionen von B schauen analog zu denen von A aus; allerdings alles etwas größer.

Jetzt betrachten wir die Situation mit internationalem Handel. Gegeben seien folgende Produktionsdaten

Von A produzierte x	Von A produzierte y	Von B produzierte x	Von B produzierte y
16	4	12	18

Angenommen, **A verkauft 15 seiner x für 5 y an B**. Was bedeutet das ?

x_A	y_A	x_B	y_B
16-15=1	4+5=9	12+15=27	18-5=13

Ist dieses Geschäft vorteilhaft für A? A hat jetzt ein x und 9 y – mehr y als A je hätte produzieren können. Man kann sogar genau angeben, wie groß der Vorteil für A ist: $A(x)=8-0.25=7.75y$, **A hat also einen Vorteil von 1.25 y**.

Ist dieses Geschäft vorteilhaft für B? B hat jetzt 27 x und 13 y – hätte B 27 x selber produziert, so wären $B(27)=10.5y$ übriggeblieben, **B hat also einen Vorteil von 2.5y**.

Betrachten wir die Preisbildung genauer. *Wieviel muß A mindestens für seine 15 x verlangen, um keinen Nachteil zu haben?* A verbleibt genau ein x. A hätte mit einem x 7.75 y produzieren können; Tatsächlich produziert hat A bisher 4 y, **es ist also für A jeder Preis vorteilhaft, der mindestens $7.75-4 = 3.75 y$ beträgt**.

Umgekehrt, *wieviel wäre B maximal bereit für 15 x zu zahlen?* Für 27x hätte B 10.5y produzieren können; soviel muß also mindestens übrig bleiben. B hat tatsächlich 18 y produziert, **sein Spielraum sind also $18-10.5 = 7.5 y$** . Jeder Preis, der zwischen 3.75 und 7.5 y liegt, ist für beide Seiten von Vorteil.

Warum ist es für A von Vorteil, etwas an B abzugeben? Weil A billiger produziert als B. Betrachten wir die Preise in dem gegebenen Fall:

$$A \text{ produziert } 16 \text{ x und } 4 \text{ y} \Rightarrow A(16)=4 \Rightarrow 16x=4y \Rightarrow x=4/16y=0.25y \text{ und } y=16/4x=4x$$

$$B \text{ produziert } 12 \text{ x und } 18 \text{ y} \Rightarrow B(12)=18 \Rightarrow 12x=18y \Rightarrow x=18/12y=1.5y \text{ und } y=12/18x=0.66x$$

Für A ist also die Produktion der x hier wesentlich billiger als für B. Folglich könnte sich B auch ganz auf die Produktion von y verlegen, und A ganz auf die Produktion von x.

Unter der Annahme, daß A und B jeweils ein x / ein y behalten möchten, gilt:

- A kann maximal 32 x produzieren und maximal 31 x verkaufen. Für ein x hätte A alleine 7.75 y produzieren können; jeder Preis über 7.75 y ist also ein Vorteil für A.
- B hätte bei der Produktion von 31x genau $B(31)=8.5y$ herstellen können. B produziert 24 y. B ist also bereit, maximal 15.5 y zu zahlen.

Probe: A verkauft 31 x, B zahlt 10 y

	x_A	y_A	x_B	y_B
Produktion	32	0	0	24
Handel	32-31=1	0+10=10	0+31=31	24-10=12
Vorteil	-	2.5y	-	3.5y