

## Ricardo-Modell

Laut Skript S. 12, 13, Tabelle 5. Die Grafik passt nicht-trivial zu den Daten ;) Soll sein

- Nahrung =  $x$
- Bekleidung =  $y$

Land A: Die *Spalte* gibt den *Arbeitseinsatz für eine Produkteinheit in Stunden* an.

Angenommen, Land A hat 100 Arbeitsstunden, dann kann A

- $100 / 2 = 50 x$  und
- $100 / 4 = 25 y$  produzieren

Die Transformationskurve, die alle möglichen Outputverteilungen bei gegebenen Arbeitsstunden angibt, wäre dann wie folgt zu errechnen:

$$y = a - b x \Rightarrow y = 25 - 0 x \text{ und } 0 = 25 - 50 x \Rightarrow x = -25 / 50 = -0.5 \Rightarrow$$

$$y = 25 - 0.5 x$$

Angenommen, Land B ist viel produktiver und kann 200 Arbeitsstunden leisten, dann kann es

- $200 / 3 = 66.6 x$  und
- $200 / 5 = 40 y$  produzieren.

Die Transformationskurve ergibt sich folglich als

$$y = 40 - 0.6 x$$

## Allgemeiner Fall

Gegeben sind zwei Volkswirtschaften

- A:  $y = a - b x$
- B:  $y = c - d x$

### Fall 1: $b > d$

Dann ist die **relative** Produktivität von A höher bei  $y$ , von B höher bei  $x$ , also produziert A **ausschliesslich**  $y$ , und B **ausschliesslich**  $x$ . Daraus kann man die Outputmengen bestimmen:

- $y = a - b * 0 \Rightarrow y = a \Rightarrow \text{Output(A)} = (a y + 0 x)$
- $0 = c - d * x \Rightarrow c/d = x \Rightarrow \text{Output(B)} = (0 y + c/d x)$

Überlegung: Verkauf von einem  $x$  von B an A

### Mindestpreis

Wenn B ein  $x$  verkauft, hat B ein  $x$  weniger, also nur noch die Menge von  $(c/d-1) x$  übrig. Wenn B selber diese Menge an  $x$  produziert hätte, dann hätte B

$$y = c - d (c/d-1) = c - c + d = d$$

produzieren können  $\Rightarrow$  Würde B mehr als  $d$  bekommen, hätte B einen Vorteil  $\Rightarrow$  Der Mindestpreis für ein  $x$  beträgt aus Sicht von B also genau  $d$ .

$$P_{\min} = d$$

## Maximalpreis

Wenn A ein x kauft, hat A ein x mehr. A hat bisher keine x, sondern nur y. Hätte A das x selber produziert, hätte A

$$y = a - b \cdot 1 = a - b$$

übrig. Tatsächlich hat A aber a y übrig, also ist der Verhandlungsspielraum, den A hat

$$a - (a - b) = b$$

Wenn A weniger als b für 1 x bezahlt, hat A einen Vorteil => Der Maximalpreis für ein x beträgt aus Sicht von A also genau b.

$$P_{\max} = b$$

Das ist auch plausibel, wir haben ja eingangs gesagt,  $b > d$ , analog Maximalpreis > Minimalpreis.

## Maximale Handelsvorteile

B macht am meisten Gewinn, wenn er sein Zeug zu dem Maximalpreis absetzt, den A bereit ist zu zahlen. Er hat  $c/d$  x produziert. Der Maximalpreis ist b => Maximaler Gewinn wäre  $cb/d$ . Es gibt aber eine Begrenzung, die Menge an y, die A tatsächlich produziert hat. Deshalb:

$$\text{Maximaler Handelsvorteil von B: } \min(a, cb/d)$$

A macht am meisten Gewinn, wenn er alle von B produzierten x zum Mindestpreis von d kauft, also zahlt er  $cd/d = c$  y. Produziert hat er tatsächlich a y, also hat A am Ende

$$c/d \cdot x \text{ und } a - c \cdot y$$

### Fall 2: $b < d$

A produziert nur x, B nur y.

- Output(A) =  $(0 \text{ y} + a/b \text{ x})$
- Output(B) =  $(c \text{ y}, 0 \text{ x})$

Verkauf 1 x diesmal von A an B:

- Mindestpreis:  $y = a - b(a/b - 1) = b$
- Maximalpreis:  $c - (c - d) = d$
- Plausibel, da  $b = P_{\min} < d = P_{\max}$

Umgekehrte Überlegung: Verkauf 1 y von B an A

- B will mindestens  $(c - 1) = (c - d \cdot x) \Rightarrow x = 1/d$
- A zahlt maximal  $1 = a - b \cdot x \Rightarrow x = a/b$

### Fall 3: $b == d$

Handel macht keinen Sinn! Denn, angenommen, A produziert nur x, B nur y.

- Output(A) =  $(0 \text{ y} + a/b \text{ x})$
- Output(B) =  $(c \text{ y}, 0 \text{ x})$

Verkauf 1 x diesmal von A an B:

- Mindestpreis:  $y = a - b(a/b - 1) = b$

- Maximalpreis:  $c - (c - d) = d$
- Da aber  $b = d$  hat keiner der beiden von dem Handel einen Vorteil, also werden sie es nicht tun.

## Zurück zum Skript

Bei uns ist  $b=0.5 < d=0.6$ , also wird sich **A auf die Produktion von x** konzentrieren, **B auf die Produktion von nur y**. Machen wir eine Probe:

- A macht nur x  $\Rightarrow$  A stellt also 50 x und 0 y her.
- B macht nur y  $\Rightarrow$  B stellt also 0 x und 40 y her.

Preise bei Verkauf von einem x von A an B:

- Mindestpreis:  $y = a - b(a/b - 1) = b = 0.5$
- Maximalpreis:  $c - (c - d) = d = 0.6$

Angenommen, der Preis liegt bei 0.55, Handelsmenge 1 x.

- Nach dem Handel hat A ein x weniger (also nur noch 49 x) aber dafür 0.55 y. Er selber hätte bei der Produktion von 49 x nur  $(25 - 0.5 * 49) = 0.5$  y herstellen können, **A hat also einen Vorteil von 0.05 y**.
- Nach dem Handel hat B ein x mehr (also ein x) dafür aber nur noch 39.45 y. Hätte B selber ein x produziert, hätte B nur  $(40 - 0.6 * 1) = 39.4$  y gehabt, **B hat also einen Vorteil von 0.05 y**.
- Dieser Handel ist also für beide von Vorteil

## Grafik im Skript

Laut dem hergeleiteten Ergebnis produziert A hauptsächlich x, B hauptsächlich y. Warum ist die Grafik im Skript aber so, daß A eine Verschiebung bei den y hat, B bei den x? Betrachte mal nur A:

- Ohne Handel gibt bei Ricardo die Gleichung sowohl die Produktionsverhältnisse als auch die **Konsumverhältnisse** an ("der Markt wird geräumt").
- Endpunkt X: Wenn A alle X produziert und konsumiert, macht es keinen Handel, der x-Punkt bleibt also gleich.
- Endpunkt y: *Wenn A alle X verkauft (also 0 x hat), hat es mehr y als bisher (wg. Handelsvorteilen), also verschiebt sich der Endpunkt auf der Y-Achse nach oben.*

Und das gleiche in Grün für B

## Zusammenfassung Ricardo

Wenn  $(b > d)$  oder (Relative Produktivität  $(x/y)$  von A) < Relative Produktivität  $(x/y)$  von B), dann

- produziert A nur noch y
- produziert B nur noch x
- $P_{\min}(x) = b$
- $P_{\max}(x) = d$

Wenn  $(b < d)$  oder (Relative Produktivität  $(x/y)$  von A) > Relative Produktivität  $(x/y)$  von B), dann

- produziert A nur noch x
- produziert B nur noch y
- $P_{\min}(x) = b$
- $P_{\max}(x) = d$

Wichtig ist, daß das Verhältnis genau umgekehrt ist:

$b < d$  entspricht A:  $x/y > B: x/y$

$b > d$  entspricht A:  $x/y < B: x/y$